

● <類題>の解答・解説

3 (1) 右図の○、●のように等しい角があることがわかります。

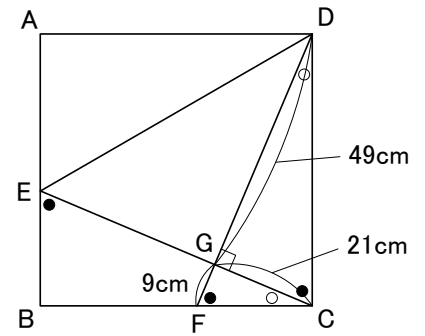
$$BC=CD$$

$$\angle EBC = \angle FCD$$

$$\angle BCE = \angle CDF$$

より、1辺の長さとその両はしの角が等しいので

$\triangle BCE$ と $\triangle CDF$ は合同と分かります。



(2) $FD=9+49=58(\text{cm})$ なので、EC の長さも 58 cm です。

$$58 \times 49 \div 2 = \underline{1421(\text{cm}^2)}$$

(3) 正方形 ABCD と三角形 CDE を比べると、正方形 ABCD の面積は三角形 CDE の 2 倍になっていることがわかります。

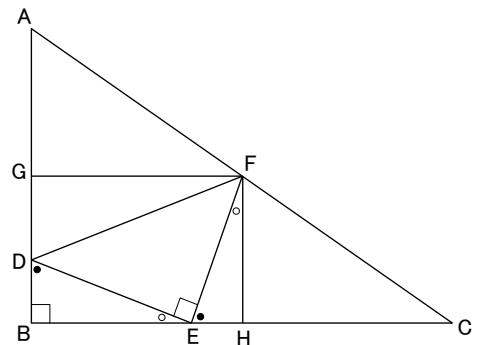
$$1421 \times 2 = \underline{2842(\text{cm}^2)}$$

4 右図のように F から AB に垂直な線を引き AB と交わる点を G、F から BC に垂直な線を引き BC と交わる点を H とします。

すると、 $\triangle DBE$ と $\triangle EHF$ は合同となります。

$BE=HF$ なので、 $HF=BG=3 \text{ cm}$ 、

$DB=EH$ なので、 $BH=3+1=4(\text{cm})$ とわかります。



$\triangle ABC$ と $\triangle AGF$ は相似で、 $AF=AC \times \frac{1}{2}$ なので、 $AG=AB \times \frac{1}{2}$ となり、 $AG=GB$ であることがわかります。

BH と HC についても同様に考えると、 $BH=HC$ とわかります。

よって、 $\triangle ABC$ の面積は $(4 \times 2) \times (3 \times 2) \div 2 = \underline{24(\text{cm}^2)}$ です。

● ＜応用＞＜難問＞のヒント

- 5 (1) むずかしく考える必要はありませんよ。

AC を 1 辺とする正方形の面積が 25 cm^2 となることを説明すればよいのです。

- (2) (1)と同じように考えてみましょう。

(1)のように同じ直角三角形を 4 つつなげて大きな正方形を作ればよいのです。

- 6 (1) 四角形 ABED の形をした黒い台紙の上に白い三角形の紙 BED が乗っていると考えてみましょう。さて、白い紙を別な場所にうつしかえると、黒の部分はどのように見えるでしょうか。

- (2) この図の中に合同な三角形を見つけることができますか？

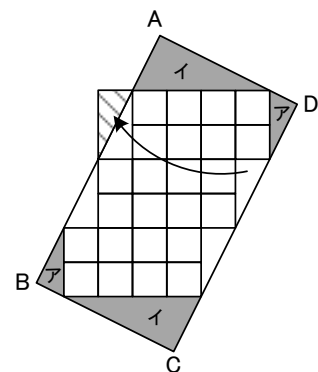
見つかったら、(1)と同じように白の三角形をうつしかえるように考えてみましょう。

- 7 (2) 「(1)の考え方を(2)で使ってみてね」という、作問者からのありがたいヒント(?)が与えられています。

まずは、R から辺 AD に向かって垂直な線を引いてみましょう。すると、三角形 PQR の周りに合同な三角形の組が現れますね。

あとは、三角形 PRC の周りにも合同な三角形の組を作りたいので、線をあそこに引けば……

- 8 右図の斜線部分しやせんのように移しかえていく、という発想で解けばいいのですが、ちょっと難しいのは灰色の部分ですね。これらは、アとイを組み合わせて考えてみるとよいでしょう。

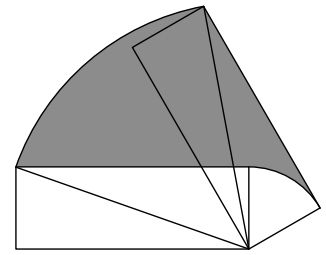


- 9 (1) $ア = イ$ なのですから、白い部分をウとすると、 $ア + ウ = イ + ウ$ となりますね。つまり、台形と半円の面積が等しいというわけです。

5年3学期 第4回 面積の総まとめ 個別演習プリントの解答・解説、ヒント

(2) 右図のように長方形に対角線を引いてみましょう。

あとは、「全体一白」という考え方や「白の部分を移しかえる」という方法で解くことができます。



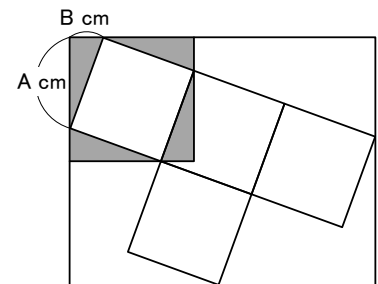
10 (1)、(2)どちらも、＜応用演習＞問2(1)の類題です。

ただし、この問題では「外側を囲んで長方形を作って合同な三角形を作る」という方法よりも、「同じ形を4つつなげて正方形を作る」という方法の方が考えやすいかと思います。

11 ななめ向きの正方形を右図のようにかこんでみましょう。

すると、灰色の三角形はすべて合同になりますね。

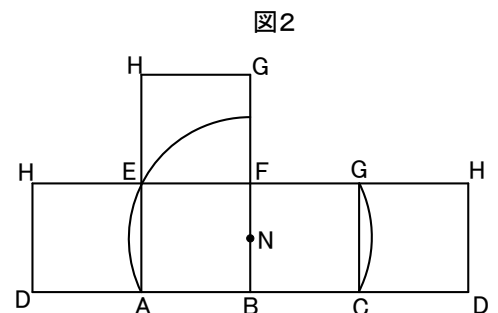
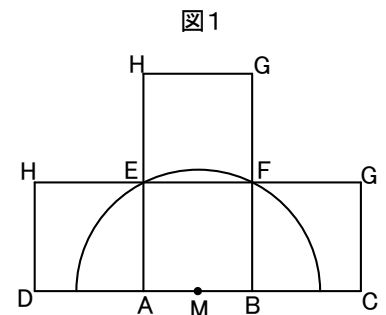
さて、16 cmや20 cmを右図のAやBを使って表そうとするとどうなるでしょうか？



12 まずは、展開図をかいて「ぬることができる部分」を表してみましょ。すると、ひもの端をMに固定したときは図1のようなになるはずですが。

さて、「ひもの端をNに固定すると図2のようなになるんでは？」と思うかもしれませんが、実はこの図は面HEFGの部分がまちがっています！ 図2を正しくかき直してから図1と図2を比べてみると、答えが求められますよ。

さらに、考えやすくするコツをもう1つ。できる模様はどちらも線対称になるので、半分だけ調べればOKですね。



【次回予告】

第5回は場合の数の総復習です。あらかじめ復習をしておきたければ、

4年生 → 2学期第10回(順列・組合せ)、3学期第1回後半(道順)

5年生 → 1学期第4回(かけ算の使い方)、2学期第8回(和を分解する)

を見返しておくといいでしょ。